

# Razpršilni indeksi

Iztok Savnik, FAMNIT

# Prosojnice & učbenik

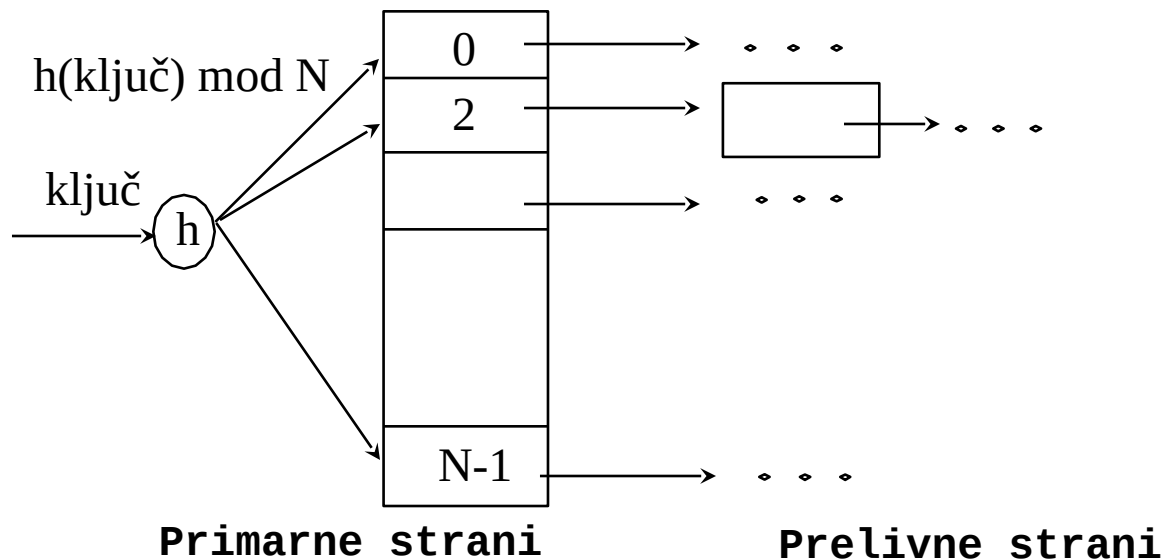
- Učbenik:
  - Raghu Ramakrishnan, Johannes Gehrke, *Database Management Systems, McGraw-Hill, 3<sup>rd</sup> ed., 2007.*
- *Prosojnice:*
  - *From „Cow Book“: R.Ramakrishnan,*  
*<http://pages.cs.wisc.edu/~dbbook/>*

# Uvod

- Za vsak indeks velja, da imamo 3 alternative za podatkovni vpis  $k^*$ :
  - 1) Podatkovni zapis z vrednostjo ključa  $k$ .
  - 2)  $\langle k, \text{rid pod. zapisa z iskalnim ključem } k \rangle$
  - 3)  $\langle k, \text{seznam rid-jev pod. zapisov z isk. ključem } k \rangle$ 
    - Izbira alternative je ortogonalna izbiri indeksne tehnike
- Razpršilni indeksi so najboljši za iskanje po enakosti. Ne podpirajo iskanje po področju.
- Obstajajo statični in dinamični razpršilni indeksi; kompromisi so podobni ISAM vs. B+ drevesa.

# Statični razpršilni indeks

- # primarne strani so fiksne, zasežene sekvenčno ter niso nikoli sproščene.
- $h(k) \bmod N$  = skupek  $h$  kateremu pripada podatkovni vpis s ključem  $k$ . ( $N = \#$  skupkov)



# Statični razpršilni indeks

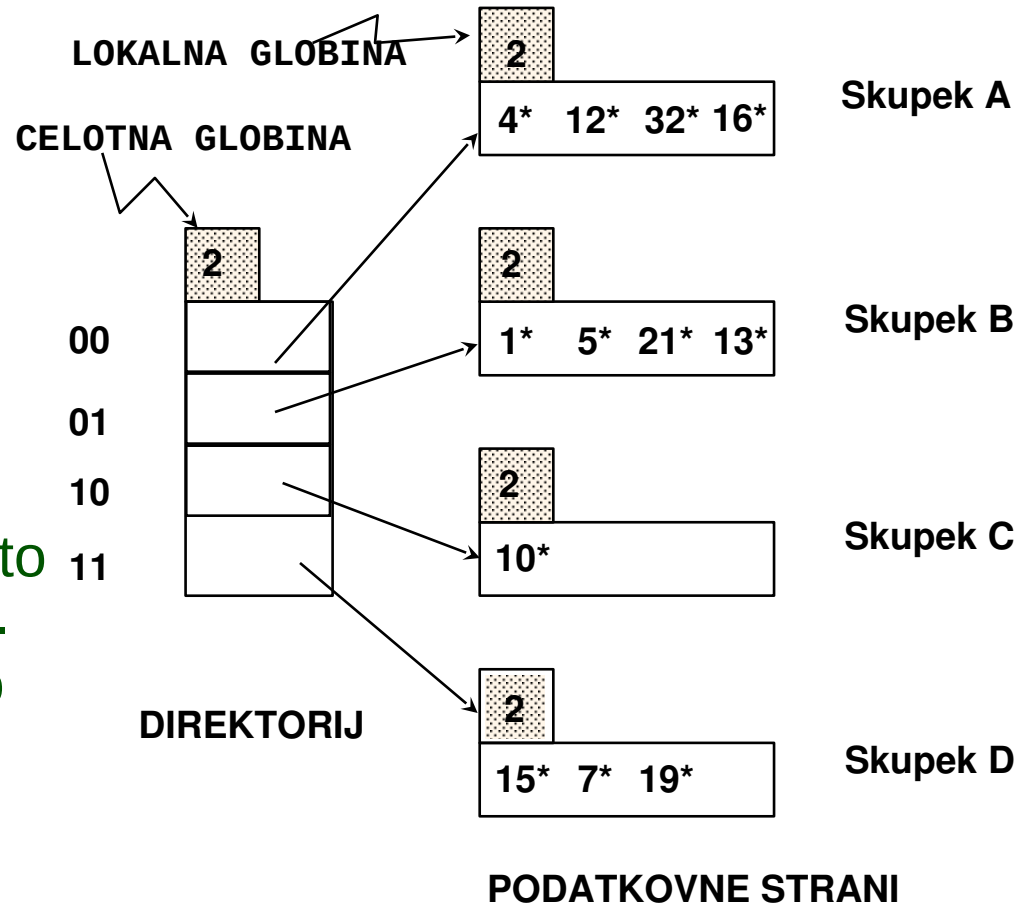
- Skupki vsebujejo *podatkovne vpise*.
- Razpršilna fn se uporabi na *iskalnem ključu*. Vrednosti se morajo *razpršiti* na interval  $0 \dots N-1$ .
  - $h(k) = (a * k + b)$  običajno deluje dobro.
  - $a$  in  $b$  so konstante; veliko je znano o tem kako umeriti  $h$ .
- Razvije se lahko dolga **veriga prelivnih strani** kar poslabša učinkovitost podatkovne strukture.
  - *Dinamični razpršilni indeks* reši problem.
  - Imamo **razširljive** in **linearne** razpršilne indekse.

# Razširljiv razpršilni indeks

- Dinamični razpršilni indeks
  - *Situacija*: Skupek (primarna stran) se napolni. Zakaj nebi podvojili # skupkov?
    - Branje in pisanje strani skupka je potratno.
- Ideja: *direktorij kazalcev na skupke*
  - Podvojimo # skupkov (strani) s podvojitvijo direktorija in razcepimo samo skupek (stran), ki je napolnjen.
  - Direktorij je veliko manjši kot celotna datoteka zato se podvojitvev izvrši hitro. *Ni prelivnih strani !*
  - Trik je v prilagoditvi razpršilne funkcije!

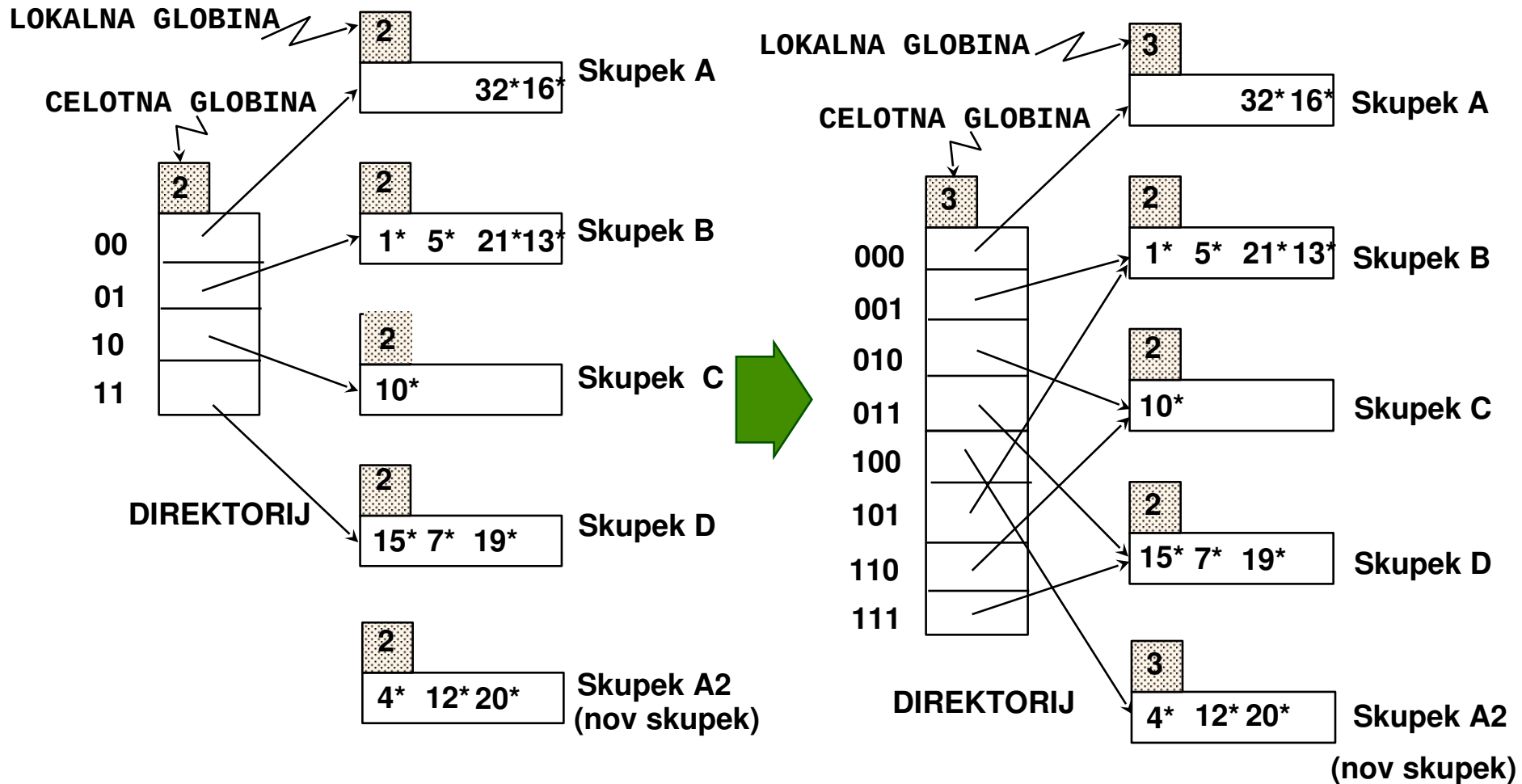
# Primer

- Direktorij je polje velikosti 4.
- Iskanje skupka za  $r$ :
  - Vzemi zadnjo `celotno globino' # bitov od  $h(r)$  in to število uporabi kot indeks.
  - $h(r) = 5 =$  binarno 101, to je skupek 01.



- ❖ Dodajanje: Če je skupek poln potem ga razcepi ter zaseži novo stran in porazdeli vpise.
- ❖ Če je *potrebno* se podvoji direktorij. Videli bomo, da razcep strani velikokrat ne zahteva podvojitvev; to vidim tako, da primerjamo celotno in lokalno globino skupka.

# Vstavi $h(r)=20$ (podvojitev)



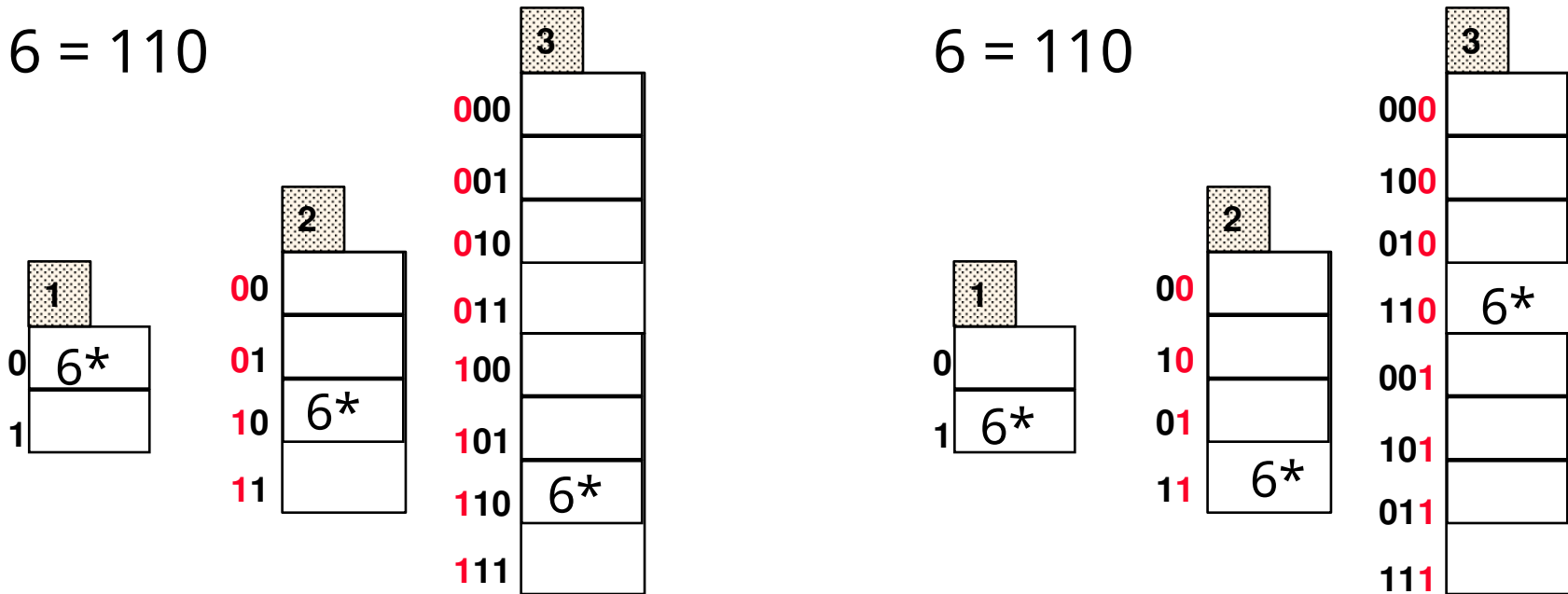


# Komentarji

- 20 = binarno 10100. Zadnja **2** bita (00) nam povesta, da  $r$  pripada A ali A2; **3.** bit pove v kateri.
  - *Celotna globina direktorija*: Max # bitov potrebnih za določitev skupka h kateremu pripada vpis.
  - *Lokalna globina skupka*: # bitov potrebnih za določitev ali vpis pripada danemu skupku.
- Kdaj razcep skupka povzroči podvojevanje direktorija?
  - Pred vstavljanjem: *lokalna globina skupka = celotna globina*.
  - Vstavljanje povzroči: *lokalna globina postane > celotna globina*.
  - Direktorij se podvoji s kopiranjem.
  - V direktorij se vpiše kazalec na novo stran.
  - Uporaba najmanj pomembnih bitov omogoča učinkovito podvojevanje s kopiranjem direktorija!

# Podvojevanje direktorija

Zakaj uporabiti najmanj pomembne bite v direktoriju?  
Možna podvojitev direktorija s kopiranjem!



Najmanj pomembni biti vs. Najbolj pomembni biti

# Komentarji o razširljivem indeksu

- Če direktorij gre v dinamični spomin potem so poizvedbe na osnovi enakosti izvedene z branjem enega bloka, sicer z dvema.
  - 100MB datoteka, 100 zlogov/zapis, 4K stran. 1,000,000 zapisov (podatkovnih vpisov), direktorij ima 25,000 elementov, velika verjetnost da bo cel direktorij v dinamičnem spominu.
  - Direktorij raste s podvojitvijo. Če je imamo neenakomerno porazdelitev vrednosti razpršilne funkcije potem direktorij zelo hitro raste.
- ❖ **Brisanje:** Če izbris podatkovnega vpisa izprazni stran, jo lahko združimo z 'razcepljeno sliko'. Če vsak element kaže na isto stran kot njegova razcepljena slika potem lahko razpolovimo direktorij.

# Linearni razpršilni indeks

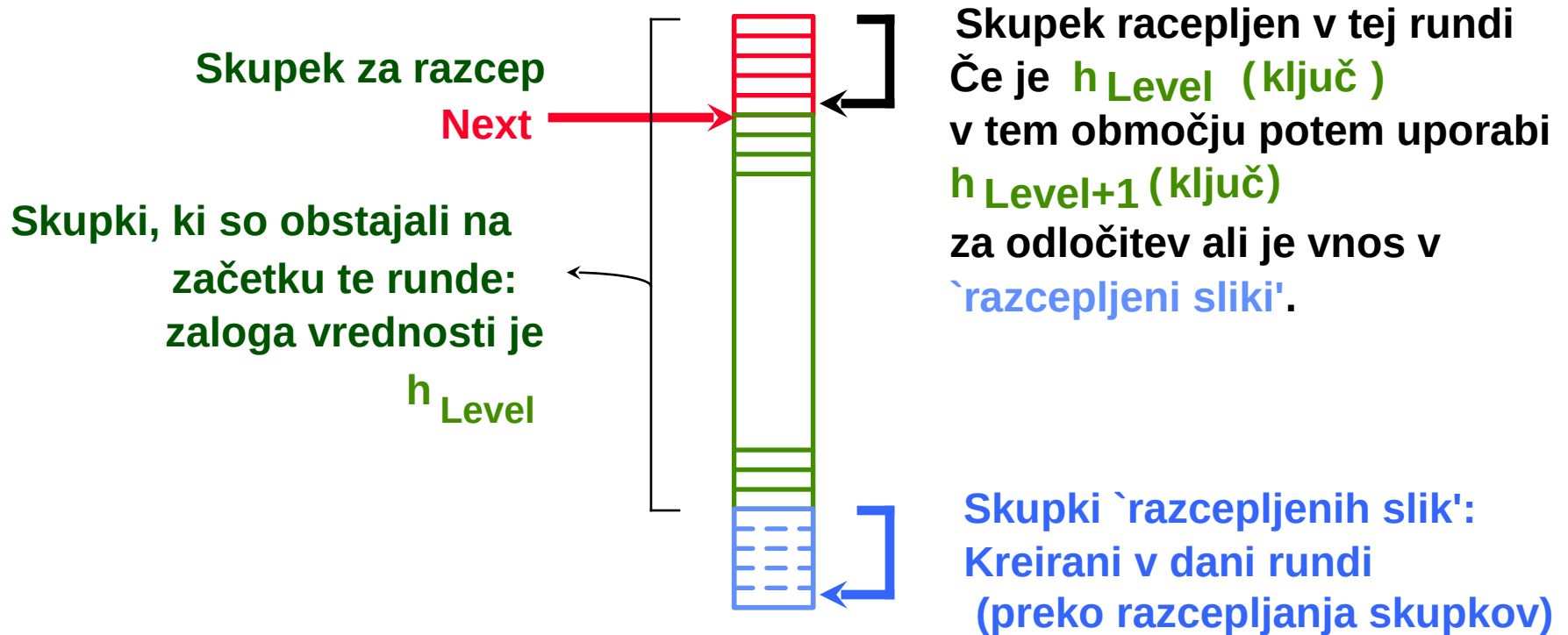
- Še ena shema z dinamičnim razprševanjem. Alternativa razširljivem indeksu.
- Linearni razpršilni indeks reši problem z dolgimi prelivnimi vrstami brez uporabe direktorija.
- Ideja: Uporabi družino razpršilnih funkcij  $h_0, h_1, h_2, \dots$ 
  - $h_i(\text{key}) = h(\text{key}) \bmod(2^i N)$ ;  $N$  = začetno # skupkov
  - $h$  je neka razpršilna funkcija (zaloga vrednosti  $ni$   $[0, N-1]$ )
  - Če  $N = 2^{d_0}$ , za nek  $d_0$ ,  $h_i$  aplicira  $h$  in gleda zadnjih  $d_i$  bitov, kjer  $d_i = d_0 + i$ . Vrednost  $i$  imenujemo *Level*.
  - $h_{i+1}$  podvoji zalogo vrednosti  $h_i$  (podobno podvojevanju direktorija)

# Linearni razpršilni indeks

- Direktoriju se izognemo z uporabo prelivnih strani in s cikličnim razcepljanjem skupkov.
  - **Razcepljanje potek v `rundah`.** Runda  $R$  se konča, ko so vsi začetni skupki ( $N_R$ ) razcepljeni.
    - Skupki 0 do  $Next-1$  so bili razcepljeni
    - Skupki  $Next$  do  $N_R$  morajo še biti razcepljeni
  - **Trenutna številka runde je  $Level$ .**
  - **Iskanje:** Da bi poiskali skupek za  $r$ , poišči  $h_{Level}(r)$ :
    - Če  $h_{Level}(r)$  je v področju  $[Next, N_R]$ , smo našli ...
    - Sicer,  $r$  lahko pripada skupku  $h_{Level}(r)$  ali skupku  $h_{Level}(r) + N_R$ . Aplicirati je potrebno  $h_{Level+1}(r)$ , da bi izvedeli.

# Pregled LH datoteke

- V sredini ene runde.



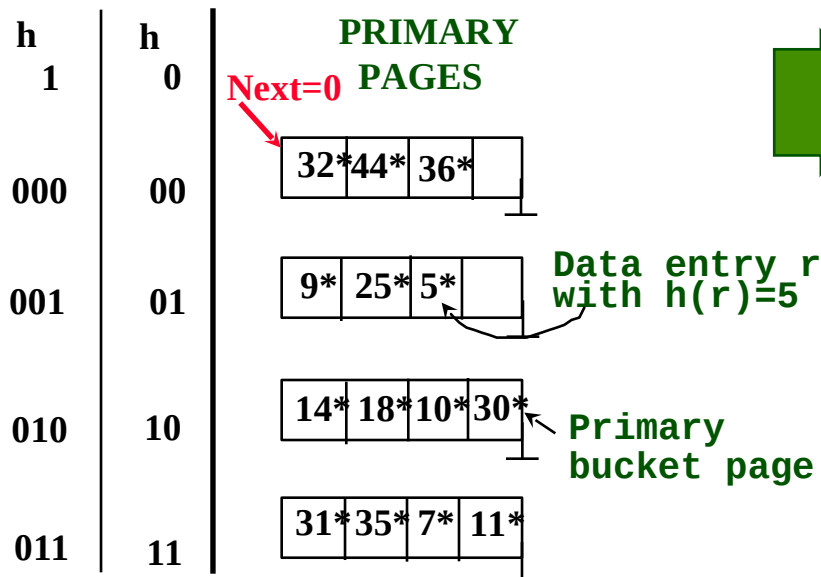
# Linearno razprševanje

- **Vstavi:** Poišči skupek z uporabo  $h_{Level} / h_{Level+1}$ :
  - Če je skupek poln:
    - Dodaj prelivno stran in vstavi podatkovni vpis.
    - (*Mogoče*) Razcepi skupek *Next* in povečaj *Next* za 1.
- Izberemo lahko katerikoli kriterij za proženje razcepa.
- Ker so skupki razcepljeni ciklično (round-robin) se ne morejo razviti dolge prelivne verige!
- Podvojevanje direktorija v razširljivem razprševanju je podobno; preklop med razpršilnimi funkcijami je *impliciten* s povečevanjem # uporabljenih bitov.

# Primer linearnega razp. indeksa

- Pri razcepu, je  $h_{Level+1}$  uporabljena za prerazdelitev vnosov.

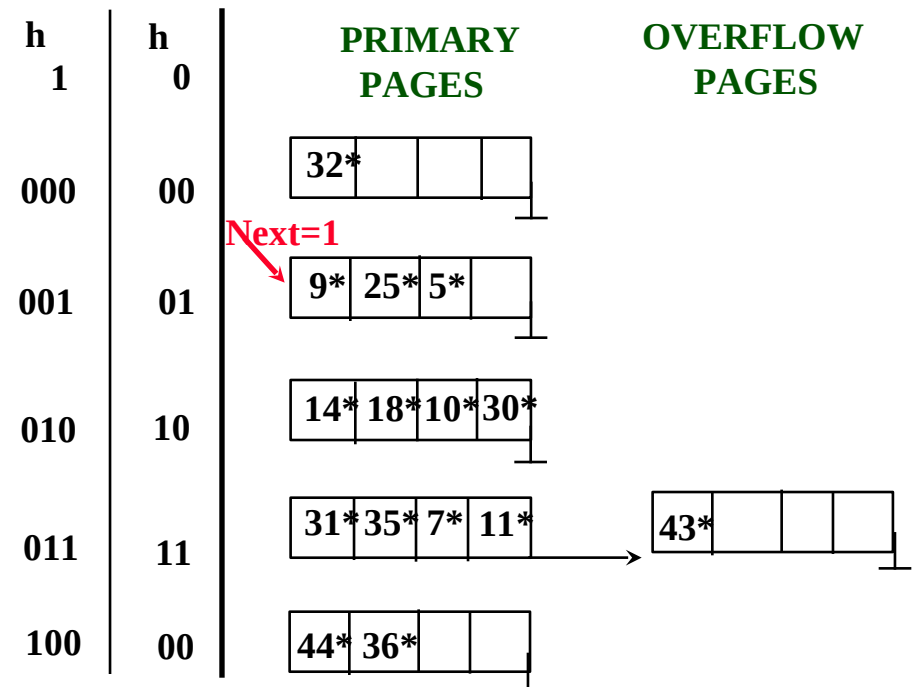
Level=0, N=4



*(To je samo info za ilustracijo!)*

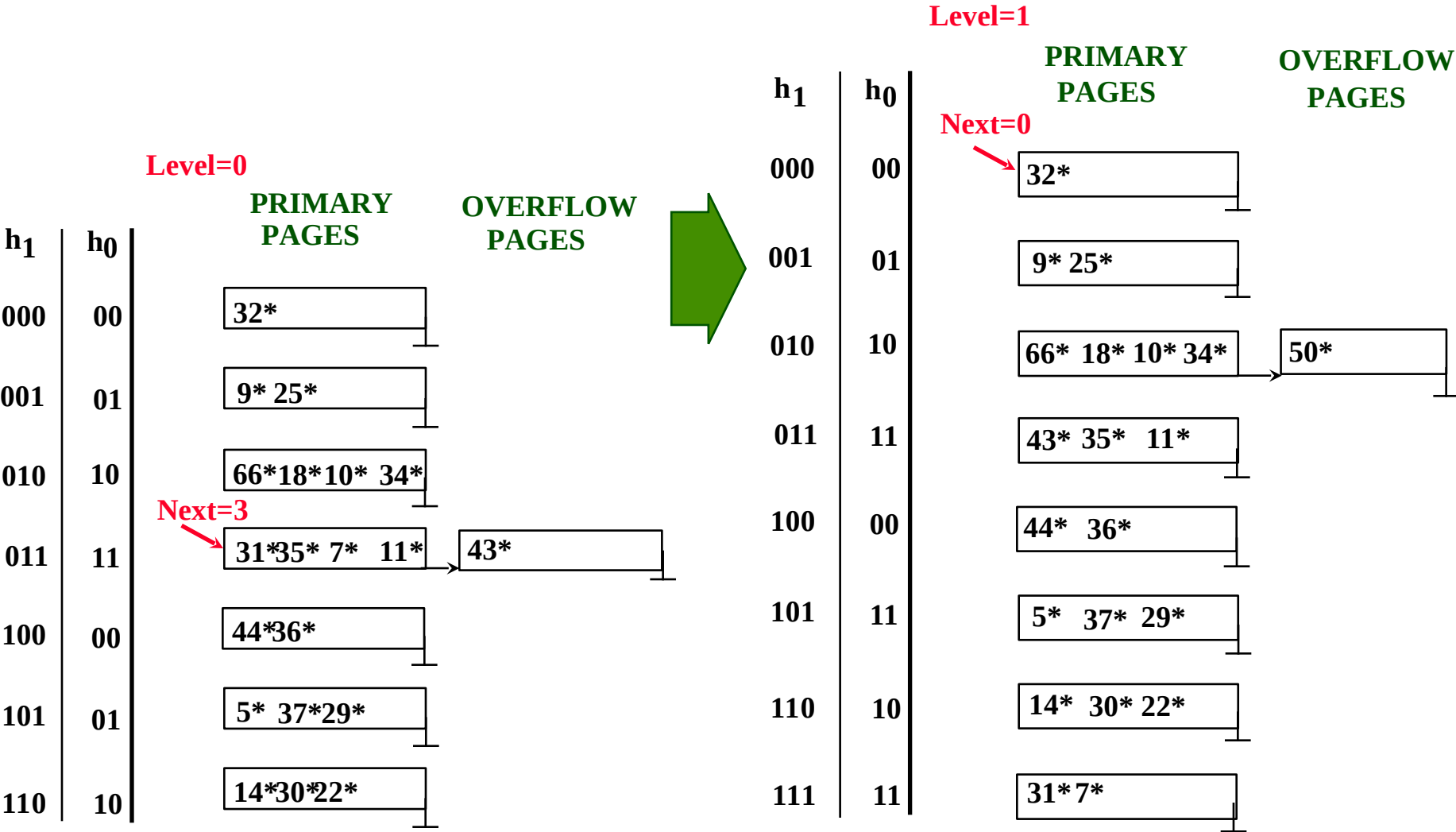
*(To je dejanska vsebina linearne razpršilne datoteke)*

Level=0





# Primer: Konec runde



# LH je varianta EH

- Shemi sta precej podobni
  - Začni z EH indeksom, ki ima direktorij z  $N$  elementi.
  - Uporabi prelivne strani in razcepi skupke ciklično
  - Najprej razcepi skupek 0
    - Ustreza “podvojevanju direktorija” v EH.
      - Elementi  $\langle 1, N+1 \rangle$ ,  $\langle 2, N+2 \rangle$ , ... se kreirajo “po vrsti”.
    - Ko se skupek razcepi, kreiraj element  $N+1$ , itd.
- Direktorij se podvojuje postopoma. Skupki se kreirajo fizično zaporedno na disku. Če so tudi alocirani v sekvenci (da je iskanje  $i$ -tega skupka enostavno), potem dejansko ne potrebujemo direktorija. In dobimo LH!

# Povzetek

- **Razpršilni indeksi**: dobri za iskanje z enačajem in se jih ne uporablja za iskanje po področju.
- Statični razpršilni indeksi lahko vodijo do dolgih prelivnih verig.
- Razširljiv razpršilni indeks nima prelivnih strani razen v primeru duplikatov.
  - *Duplikati zahtevajo uporabo prelivnih strani!*
- Ko se skupek zapolni se podvoji direktorij.
  - Problemi v primeru neenakomerne porazdelitve vrednosti razpršilnih funkcij.