

Evaluacija relacijskih operacij

Iztok Savnik, FAMNIT

Prosojnice & učbenik

- Učbenik:
 - Raghu Ramakrishnan, Johannes Gehrke, *Database Management Systems, McGraw-Hill, 3rd ed., 2007.*
- *Prosojnice:*
 - *From „Cow Book“: R.Ramakrishnan,*
<http://pages.cs.wisc.edu/~dbbook/>

Pregled evaluacije vprašanj

- ***Plan:*** Drevo *R.A. op.*, z izborom *alg. za impl. operacij*
 - Vsak operator je tipično implementiran s `pull` vmesnikom: iz operatorja 'povlečemo' naslednji zapis, leta povleče zapise iz vhodov (parametrov).
- Dve pomembni temi optimizacije vprašanj:
 - Katere plane dane poizvedbe **pregledamo**?
 - Algoritem za preiskovanje iskalnega prostora za iskanje najcenejšega (ocena) plana.
 - Kako **ocenimo plan poizvedbe**?
- **Idealno:** Želimo najti najboljši plan. **Praktično:** Izogibanje najslabšim planom!
- Študirali bomo pristop System R.

Pogosto uporabljene tehnike

- Algoritmi za evaluacijo rel. operacij pogosto uporabljajo nekaj enostavnih idej:
 - **Indeksiranje:** Uporaba pogojev iz stavka WHERE za izbiro majhnega št. n-teric pri selekciji in stikih.
 - **Iteracija:** Včasih hitreje pregledamo vse n-terice čeprav je na razpolago indeks.
 - Včasih je koristno izvesti iteracijo po podatkovnih vpisih indeksa namesto na sami tabeli.
 - **Particije:** Velikokrat koristi razdeliti problem na več enakih delov – s tem zamenjamo izvajanje časovno potratnih operacij s podobnimi operacijami nad manjšim številom n-teric.
 - **Sortiranje:** Velikokrat je koristno podatke najprej sortirati. Sortirane podatke se uporabi pri implementaciji več relacijskih operacij.

** Bodimo pozorni na te tehnike pri opisu izvajanja operacij!*

Statistika in katalogi

- Potrebujemo podatke o relacijah in indeksih.
Katalogi tipično vsebujejo vsaj:
 - # zapisov (NTuples) in # strani (NPages) za vsako relacijo.
 - # različnih vrednosti ključa (NKeys) in št. strani (NPages) za vsak indeks.
 - Višina indeksa, najmanjši/največji ključ (Low/High) za vsak drevesni indeks.
- Katalogi se periodično popravljajo.
 - Popravljanje ob vsaki spremembi je predrago; uporablja se veliko približnih ocen, manjša nekonsistenca je ok.
- Več podrobnosti (npr. histogrami vrednosti atributov) je včasih shranjeno.

Dostopna pot

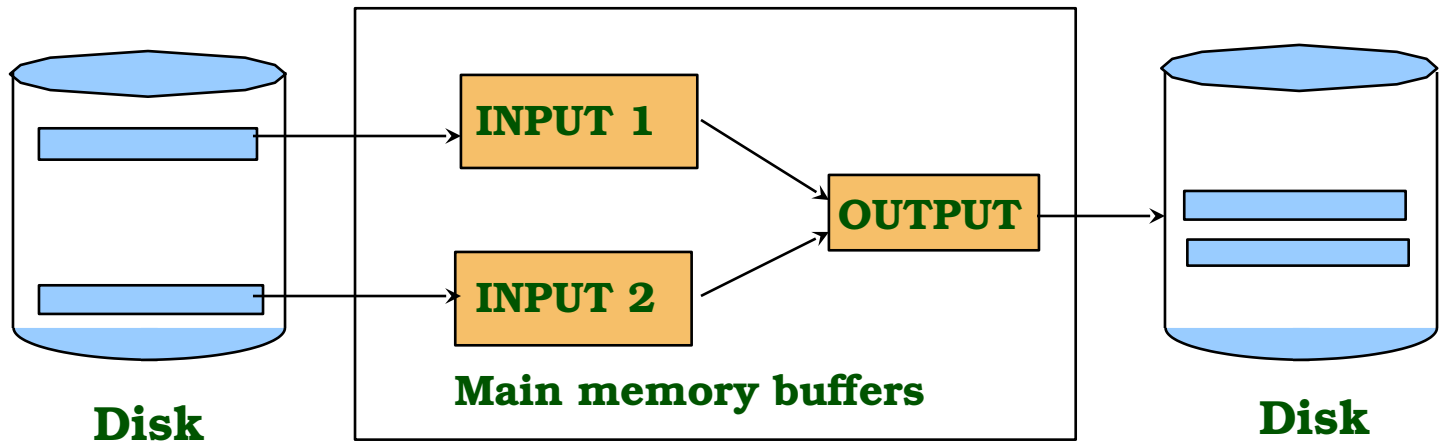
- ❖ Dostopna pot je metoda za branje zapisov:
 - Pregled datoteke, ali indeksa, ki se ujema s selekcijo (v poizvedbi)
- ❖ Drevesni indeks se ujema (s konjunkcijo pogojev) z izrazi, ki vsebujejo atr. iz prefiksa isk. ključa.
 - Npr., drevesni indeks na $\langle a, b, c \rangle$ se ujema ts selekcijo $a=5$ AND $b=3$, in $a=5$ AND $b>6$, ne pa z $b=3$.
- ❖ Razpršilni indeks se ujema (s konjunkcijo pogojev) z izrazi, ki vsebujejo pogoj *attribute=value* za vsak atribut iskalnega ključa indeksa.
 - Npr., razpršilni indeks na $\langle a, b, c \rangle$ se ujema z $a=5$ AND $b=3$ AND $c=5$; na ujema pa se z $b=3$, ali z $a=5$ AND $b=3$, ali z $a>5$ AND $b=3$ AND $c=5$.

Zakaj sortiranje?

- Klasični problem v računalništvu.
- Podatke zahtevamo v urejenem vrstnem redu.
 - Npr., poišči študente po narašč. vrstnem redu *povprečna_ocena*.
- Sortiranje je prvi korak masovnega nalaganja B+ drevesa.
- Sortiranje se uporablja pri izločanju duplikatov. (Zakaj?)
- *Stik uredi-zlij* uporablja sortiranje.
- Problem: sortiraj 1Gb podatkov z 1Mb RAM.
 - Zakaj ne virtualni spomin?

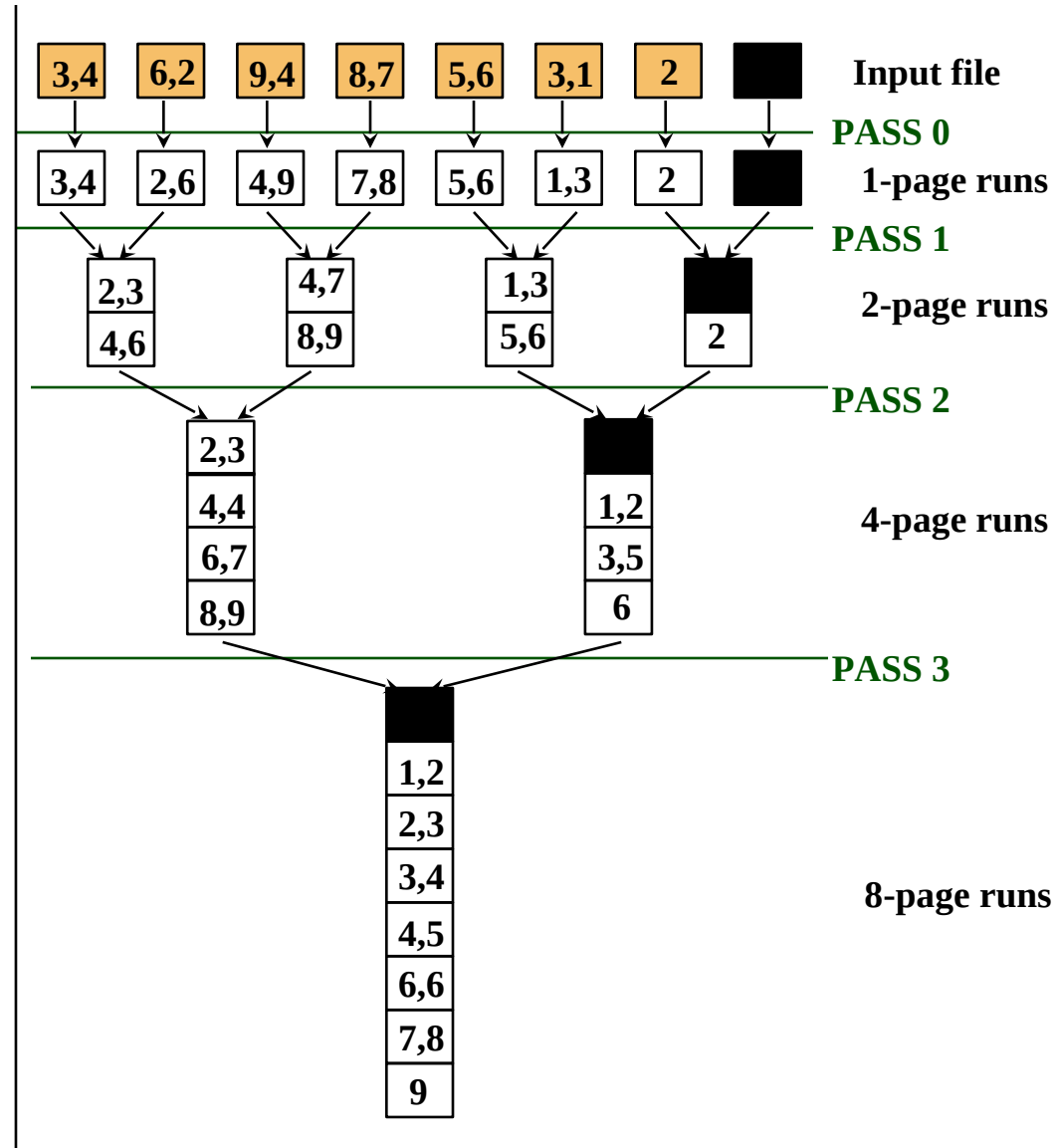
Dvosmerno sortiranje: 3 strani

- Prehod 1: Preberi stran, jo sortiraj, in jo napiši.
 - Uporabimo samo eno stran vmesnega pomnilnika.
- Prehodi 2, 3, ..., itd.:
 - Uporabi tri strani vmesnega pomnilnika..



Dvosmerno zunanje sortiranje z zlivanjem

- V vsakem prehodu preberemo + zapišemo vsako stran datoteke
- N strani datoteke \Rightarrow število prehodov
 $= \lceil \log_2 N \rceil + 1$
- Celotna cena:
 $2N (\lceil \log_2 N \rceil + 1)$
- *Ideja:*
 - *Deli in vladaj:*
 - sortiraj pod-datoteke in zlij skupaj rezultate.

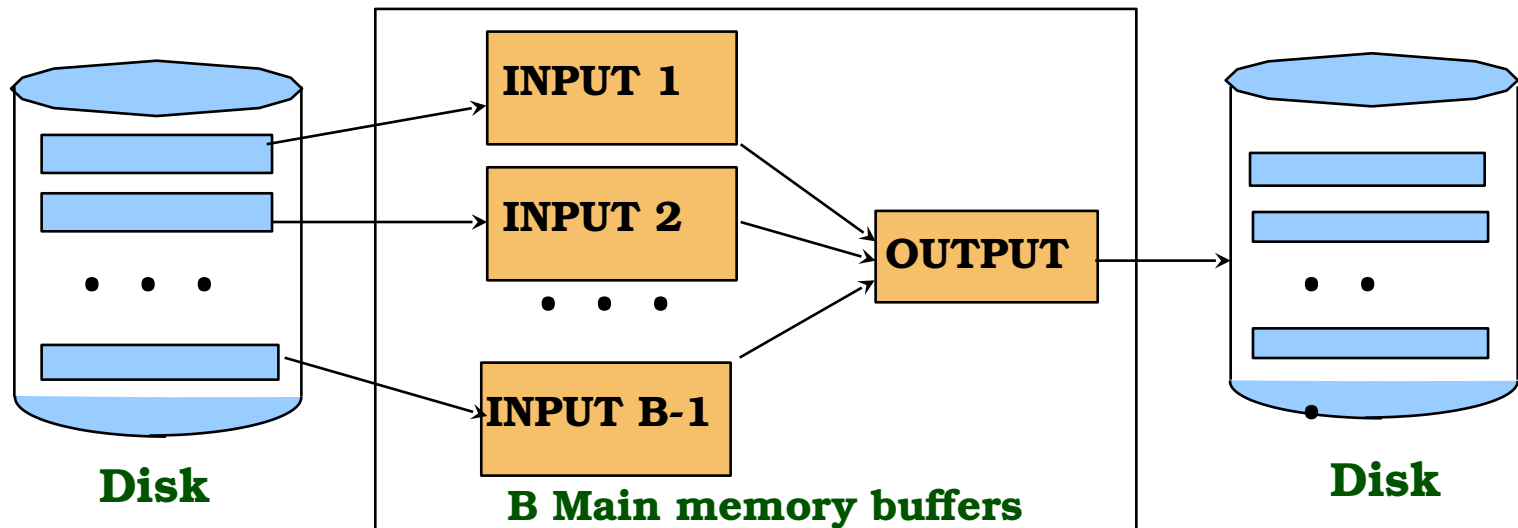


Splošno zunanje sortiranje z zlivanjem

- *Imamo več kot 3 strani izravnalnika.*
- *Kako jih lahko uporabimo?*

- Sortiranje datoteke z N stranmi in uporaba B strani izravnalnika:

- **Prehod 0:** uporabi B strani izravnalnika. Naredi $\lceil N/B \rceil$ urejenih vrst dolžine B strani.
- **Prehod 1, ..., itd.:** zlij $B-1$ vrst.



Cena zunanjega sortiranja z zlivanjem

- Število prehodov: $1 + \lceil \log_{B-1} \lceil N / B \rceil \rceil$
- **Cena = $2N * (\# \text{ prehodov})$**
- Npr., 5 strani izravnalnika, sortiramo dat. velikosti 108 strani:
 - Prehod 0: $\lceil 108 / 5 \rceil = 22$ sortiranih vrst po 5 strani (zadnja vrsta ima samo 3 strani)
 - Prehod 1: $\lceil 22 / 4 \rceil = 6$ sortiranih vrst po 20 strani (zadnja vrsta ima 8 strani)
 - Prehod 2: 2 sortirani vrsti, 80 strani in 28 strani
 - Prehod 3: Sortirana datoteka velikosti 108 strani

Število prehodov zunanjega sortiranja

N	B=3	B=5	B=9	B=17	B=129	B=257
100	7	4	3	2	1	1
1,000	10	5	4	3	2	2
10,000	13	7	5	4	2	2
100,000	17	9	6	5	3	3
1,000,000	20	10	7	5	3	3
10,000,000	23	12	8	6	4	3
100,000,000	26	14	9	7	4	4
1,000,000,000	30	15	10	8	5	4

Relacijske operacije

- Ogleдали si bomo implementacije
 - Selekcija (σ)
 - Projekcija (π)
 - Stik (\bowtie)
 - Razlika ($-$)
 - Unija (\cup)
 - Agregacijske op. (SUM, MIN , itd.) in GROUP-BY
- RA je abstrakten funkcijski jezik
 - Operacije vračajo relacije \Rightarrow lahko jih sestavljamo!
 - Funkcije višjega reda, kompozicija operacij
- Ko obdelamo operacije bo predstavljena optimizacija
 - Kako optimalno sestavimo skupaj operacije vprašanja?

Shema za primere

Mornarji (mid: integer, mime: string, ocena: integer, star: real)
Rezervacije (mid: integer, lid: integer, dan: date, rime: string)

- ❖ Podobno kot stara shema; dodan *rime*
- ❖ Rezervacije:
 - Vsaka n-terica ima 40 zlogov, 100 n-teric na stran, 1000 strani.
- ❖ Mornarji:
 - Vsaka n-terica ima 50 zlogov, 80 n-teric na stran, 500 strani.

Komentar o kompleksni selekciji

(dan<8/9/94 AND mime='Janez') OR lid=5 OR mid=3

- Izbirni pogoj je najprej preveden v *konjunktivno normalno obliko (KNO)*:
(dan<8/9/94 OR lid=5 OR mid=3) AND (mime='Janez' OR lid=5 OR mid=3)
- Obravnavamo samo primere brez OR; knjiga predstavlja tudi bolj splošne primere.

Uporaba indeksov za selekcijo

```
SELECT *  
FROM Rezerv R  
WHERE R.rime < 'C%'
```

- ❖ Cena je odvisna od # izbranih zapisov in od povezanosti indeksa:
 - Cena iskanja izbranih podatkovnih vpisov (tipično majhna). Cena branja zapisov je lahko velika brez povezanosti indeksa.
 - Primer: *rime* < "C%" (Rezervacije). Če predpostavimo enakomerno porazdelitev potem 10% zapisov ustreza pogoju (100 strani, 10000 zapisov). S povezanim indeksom je cena nekaj več kot 100 V/I; če pa ni povezan pa do 10000 V/I!
- ❖ **Pomembna izboljšava za nepovezane indekse:**
 1. Poišči izbrane podatkovne vpise
 2. Sortiraj rid-je podatkovnih zapisov, ki se bodo brali.
 3. Preberi rid-je po vrsti. To zagotavlja, da je vsaka podatkovna stran prebrana samo enkrat.
 - # takšnih strani je verjetno večje kot pri povezanem indeksu.

Dva pristopa k splošni selekciji

- Prvi pristop: Poišči *najbolj selektivne dostopne poti*, preberi zapise z njim in uporabi preostale iskalne pogoje, ki se ne **ujemajo** z indeksom:
 - *Najbolj selektivna dostopna pot*: Indeksni dostop ali pregled datoteke za katerega ocenimo, da bo rabil najmanj I/O operacij.
 - Izrazi, ki se ujemajo z indeksom zmanjšajo št. prebranih n-teric; preostali pogoji izločijo nekatere od prebranih n-teric; ne vplivajo pa na št. prebranih strani.
 - Pogoj *dan<8/9/94 AND lid=5 AND mid=3*. Uporabi B+ drevo s ključem *dan*. Pogoja *lid=5* in *mid=3* je potrebno preveriti za vsako prebrano n-terko. Podobno, lahko uporabimo razp. indeks na $\langle lid, mid \rangle$; *dan<8/9/94* je potrebno še preveriti.

Presek rid-jev

- ❖ **Drugi pristop:** če imamo na razpolago dva ali več indeksov z alternativama (2) ali (3) za pod. vpise:
 - Preberi množice rid-jev podatkovnih zapisov z uporabo primerne indeksa.
 - Potem naredi *presek* množic rid-jev.
 - Preberi zapise in uporabi preostale pogoje izbire.
 - Poglejmo si pogoj *dan < 8/9/94 AND lid = 5 AND mid = 3*.
 - Če imamo B+ drevo na atributu *dan* in razpršilni indeks na *mid*, oba uporabljata alternativo (2).
 - **Poiščemo lahko:**
 - rid-je zapisov, ki zadoščajo *dan < 8/9/94*,
 - *rid-je zapisov, ki zadoščajo mid = 3*,
 - naredimo presek in preverimo *lid = 5*.

Projekcija

```
SELECT DISTINCT R.mid, R.lid  
FROM Rezervacije R
```

- Najdražji del je odstranitev duplikatov.
 - SQL sistemi ne odstranijo duplikate, če ne dodaš ključne besede DISTINCT.
- **Pristop s sortiranjem**: Sortiraj po <mid,lid> in odstrani duplikate. (Lahko optimiziramo tako, da odstranimo nepotrebne zapise (duplikate) med sortiranjem.)
- **Pristop z razprševanjem**: Kreiraj particije z razpršilno funkcijo na <mid,lid>. Naloži particije v spomin eno po eno, zgradi razpršilo tabelo v spominu ter odstrani duplikate.
- Če obstaja indeks s ključem, ki vsebuje R.mid in R.lid je mogoče ceneje sortirati podatkovne vpise.

Projekcija s sortiranjem

```
SELECT DISTINCT R.mid, R.lid
FROM   Rezervacije R
```

❖ Uporaba zunanjega sortiranja:

- **Spremeni Prehod 0 zunanjega sortiranja** tako, da se odstrani nepotrebne attribute. Kreirajo se vrste dolžine B (2B z opt.) strani vendar so zapisi manjši kot vhodni zapisi. (Odvizno od velikosti in števila izpuščenih atributov.)
- **Spremeni fazo zlivanja** tako, da se izločijo duplikati. # izhodnih n-teric je torej manjše od vhoda. (Razlika je odvisna od # duplikatov.)
- **Cena:** Med Prehodom 0, preberi originalno relacijo (velikost M) in izpiši manjše n-terke. V fazi zlivanja se zmanjša število n-teric v vsakem prehodu. V primeru Rezervacij se začetnih 1000 strani reducira na 250 v Prehodu 0, če je razmerje velikosti 0.25.

Projekcija z razprševanjem

- **Faza particioniranja:** Preberi R z uporabo ene strani vmesnika. Za vsak zapis, odstrani neželjena polja in apliciraj razpršilno funkcijo h_1 za izbiro enega izmed $B-1$ izhodnih strani.
 - Rezultat je $B-1$ particij. 2 n -terici iz različnih particij sta sigurno različni.
- **Faza odstranjevanja duplikatov:** Preberi vsako particijo in zgradi razpršilno tabelo v spominu z uporabo razpršilne fun h_2 ($\neq h_1$) na vseh poljih. Med branjem izločaj duplikate.
 - Če particija ne gre v spomin lahko apliciramo algoritem rekurzivno na tej particiji.
- **Cena:** Za particioniranje, preberi R , izpiši vsako n -terko z manjšim številom polj. Izhod se prebere v naslednji fazi.

Diskusija o projekciji

- ❖ Uporaba sortiranja je standardna rešitev; boljše obravnavanje izkrivljenih (angl. skewed) podatkov; rezultat je urejen.
- ❖ Če indeks vsebuje vse potrebne attribute potem lahko uporabljamo **samo indeks**.
 - Apliciranje projekcije na podatkovnih vpisih.
- ❖ Če urejen (npr. drevo) indeks vsebuje vse potrebne attribute že v predponi iskalnega ključa je izvajanje še hitrejše:
 - Preberemo podatkovne vpise (indeksni pregled) po vrsti, spustimo neželjene attribute in primerjamo sosedne vpise za izločitev duplikatov.

Stik po enakosti enega atributa

```
SELECT *  
FROM   Rezervacije R1, Mornarji S1  
WHERE  R1.mid=S1.mid
```

- ❖ Algebra: $R \bowtie S$. Optimizirati je potrebno previdno!
 $R \times S$ je velika relacija; strategija z $R \times S$ ni učinkovita.
- ❖ Predpostavke:
 - M strani R , p_R n-teric na stran
 - N strani v S , p_S n-teric na stran
 - $R = \text{Rezervacije}$, $S = \text{Mornarji}$
- ❖ Bolj komplicirane stike bomo obravnavali kasneje
- ❖ **Metrika cene**: # V/I blokov, ostalo ignoriramo

Stik z vgnezdenima zankama

```
foreach tuple r in R do
  foreach tuple s in S do
    if r_i == s_j then add <r, s> to result
```

- ❖ Za vsako n-terico iz zunanje relacije pregledamo celotno notranjo relacijo S.
 - **Cena:** $M + p_R * M * N = 1000 + 100 * 1000 * 500 = 50.001.000$ V/I.
- ❖ Vgnezdeni zanki po straneh:
 - Za vsako stran R preberi vsako stran S in izpiši spete pare n-teric $\langle r, s \rangle$, kjer je r iz R-strani in s iz S-strani.
 - **Cena:** $M + M * N = 1000 + 1000 * 500 = 501.000$ V/I.
 - Če je manjša relacija zunanja, potem je cena = $500 + 500 * 1000 = 500.500$ V/I.

Vgnezdeni zanki z indeksom

```
foreach tuple r in R do
  foreach tuple s in S where ri == sj do
    add <r, s> to result
```

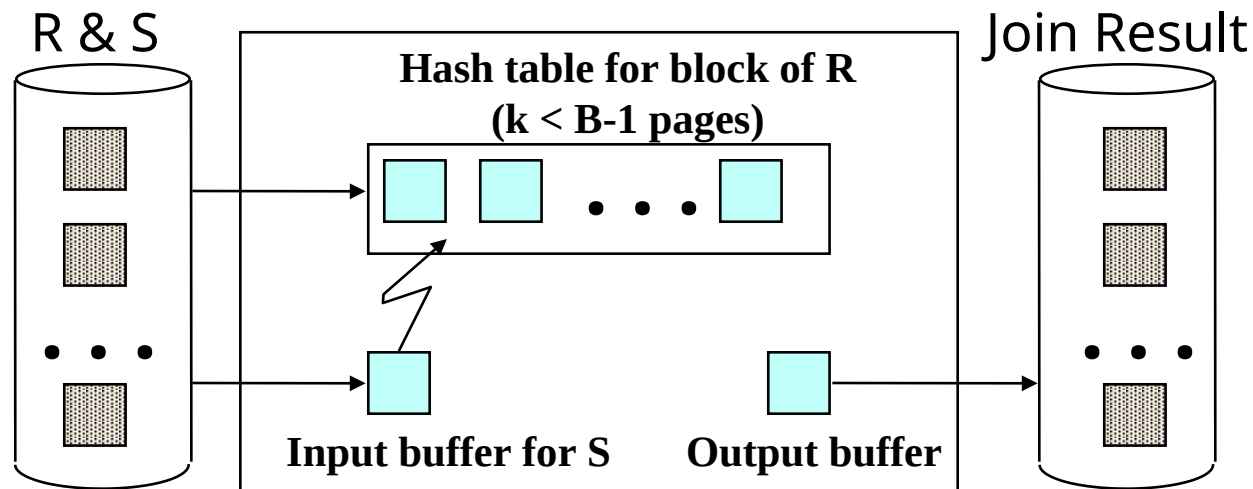
- Če obstaja indeks na eni izmed relacij ga uporabimo za notranjo zanko.
 - Za \forall n-terico iz R z indeks. poiščemo n-terice, ki se ujemajo v S.
 - **Cena: $M + (M * p_R) * \text{cena iskanja n-teric iz S}$**
- Cena za preverjanje vsake n-terice iz R je branje S:
 - 1.2 strani v primeru razpršilnega indeksa,
 - 2-4 v primeru B+ drevesa.
 - Cena iskanja n-teric v S je v veliki meri odvisna od povezanosti S z relacijo – št. prebranih strani se precej zmanjša.
 - **Povezan indeks: 1 V/I (tipično), nepovezan: do 1 V/I za eno S n-terico**

Primeri: Vgnezd. zan. z indeksom

- ❖ Razpršilni indeks (Alt. 2) na *mid* relacije Mornarji (notranja):
 - Pregled Rezervacije: 1000 strani V/I, $100 \cdot 1000$ n-teric.
 - Za vsako n-terico Rezervacij: 1.2 V/I za branje podatkovnega vpisa + 1 V/I za izbrano n-terico Mornarjev.
 - **Cena:** $1000 + 1000 \cdot 100 \cdot 2.2 = 221,000$ V/I.
- ❖ Razpršilni indeks (Alt. 2) na *mid* relacije Rezervacije (notranja):
 - Pregled Mornarjev: 500 strani V/I, $80 \cdot 500$ n-teric.
 - Za vsako n-terico Mornarjev: 1.2 V/I za iskanje indeksne strani s podatkovnimi vpisi + cena za branje zapisov Rezervacij .
 - Predpostavljamo enakomerno porazdelitev, 2.5 rezervacij na mornarja ($100,000 / 40,000$).
 - Cena branja rezervacij je 1 ali 2.5 V/I odvisno od tega ali je indeks povezan.
 - **Cena povezan:** $500 + 80 \cdot 500 \cdot (1.2 + 1) = 88.500$ V/I.
 - **Cena nepovezan:** $500 + 80 \cdot 500 \cdot (1.2 + 2.5) = 148.500$ V/I.

Vgnezdeni zanki po blokih

- ❖ Uporabi eno stran vmesnika pri pregledu notranje relacije S , eno stran za rezultat in uporabi preostale strani za blok ($B-1$ str.) iz zunanje relacije R .
 - Z vsako n -terico r iz bloka R , ki se ujema z n -terico s iz S , dodaj $\langle r, s \rangle$ rezultatu.
 - Potem preberi naslednji blok R , preglej S , itd.



Primeri stika Vgn. zanki po blokih

- ❖ **Cena: pregled zun. rel. + # zun. blokov * pregled notranje rel.**
 - # zunanjih blokov = # strani rel. / velikost zunanjega bloka
- ❖ Če vzamemo Rezervacije (R) za zunanjo relacijo; SUPB ima 100 strani izravnalnika:
 - Cena pregleda R je 1000 V/I; vsega skupaj 10 zun.vrst
 - Za vsako zun.vrsto R pregledamo Mornarje (S); $10 * 500$ V/I.
 - **Cena = $1000 + 10 * 500 = 6000$ V/I**
 - Če imamo prostora za samo 90 strani R, moramo pregledati S 12x.
- ❖ Če vzamemo Mornarje kot zunanjo relacijo (100 strani izrav.):
 - Cena pregleda S je 500 V/I; skupaj 5 zun.vrst.
 - Za vsako zun.vrsto S, pregledamo Rezervacije; $5 * 1000$ V/I.
 - **Cena = $500 + 5 * 1000 = 5500$ V/I**

Stik uredi-zlivaj

- Uredi R in S glede na atribut stika. Med pregledom tabel izvedi "zduževanje" glede na atribut stika in izpiši n-terke.
 - Pregleduj R dokler ni trenutni R-zapis \geq trenutnem S zapisu, potem pregleduj S dokler ni tr. S zapis \geq tr. R zapisu; delaj to dokler ni tren. R zap. = tren. S zap.
 - V tej točki se ujemajo skupina R zapisov in skupina S zapisov z isto vrednostjo atributa stika. Izpiši vse pare $\langle r, s \rangle$, ki se ujemajo v atributu stika.
 - Ponovno začni s pregledom R in S.
- R se pregleda enkrat; vsaka skupina v S se pregleda enkrat za vsak R zapis, ki se ujema po atributu stika. (Zelo verjet. se S skupina shrani v vmesni pomnilnik.)

Primer stika uredi-zlivaj

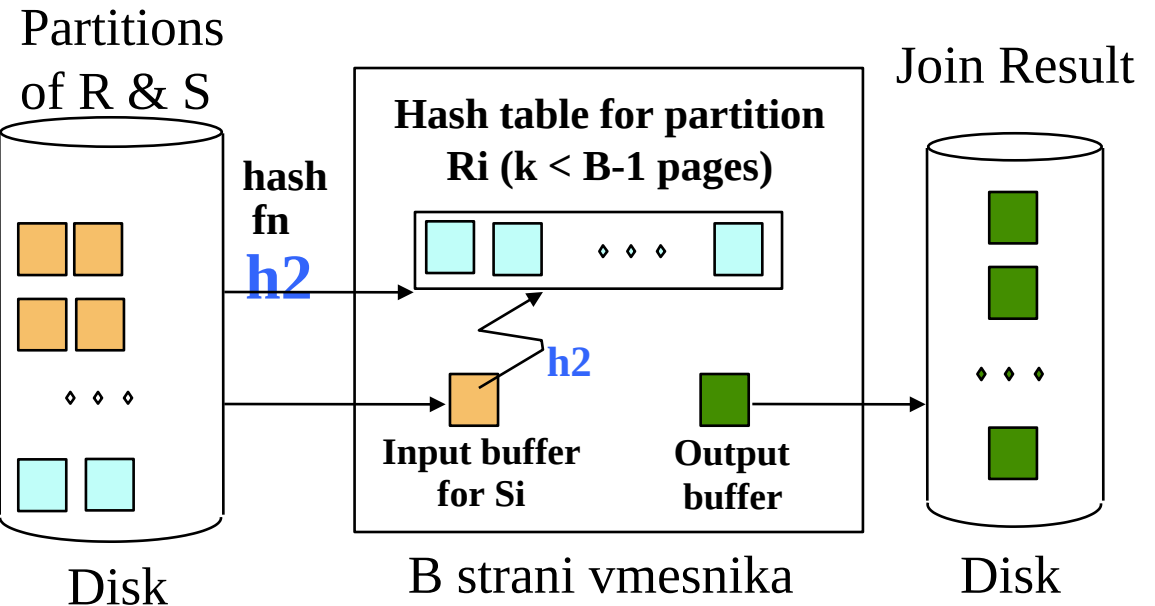
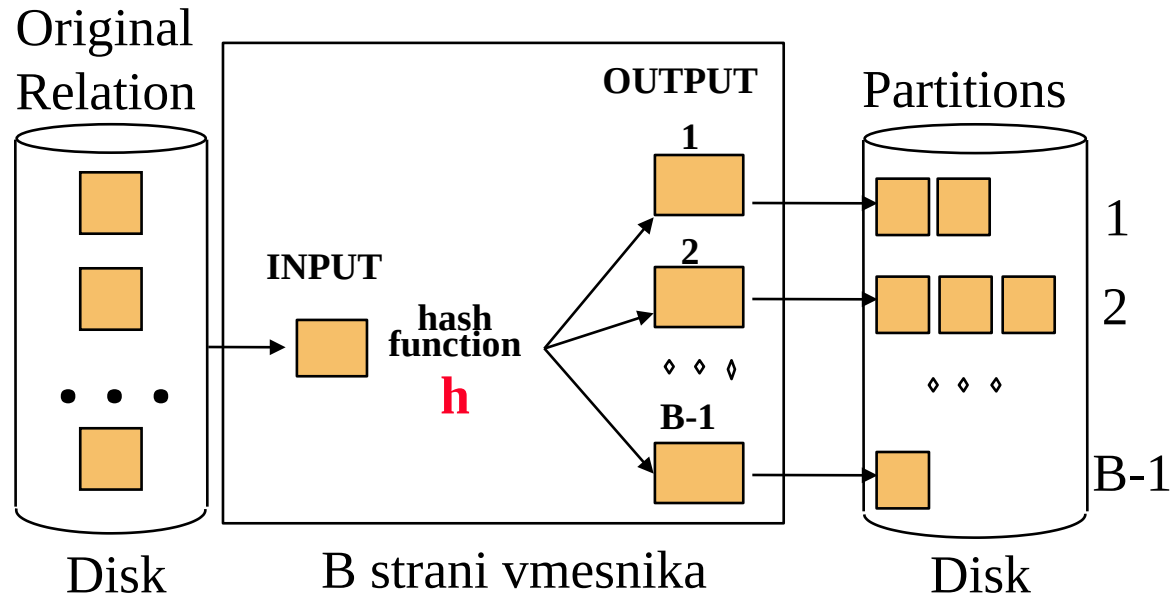
- **Cena: $M \log M + N \log N + (M+N)$**
 - Ocena zlivanja: $M + N$, lahko tudi $M*N$ (ni zelo verjetno!)
 - Podrobno: $2*M*(1+\log_{B-1}M/B) + 2*N*(1+\log_{B-1}N/B) + M+N$
- ❖ Z uporabo 35, 100 ali 300 strani vmesnika lahko tabele Rezervacije in Mornarji sortiramo z 2 prehodi;
- ❖ **Celotna cena stika: $4*1000+4*500+1000+500=7500$ V/I.**

Izboljšava stika uredi-zlivaj

- Kombiniramo lahko faze zlivanja za sortiranje relacij R in S, s fazami zlivanja za implementacijo stika.
 - Če $B > \sqrt{L}$, kjer je L velikost večje relacije (vrste dolžine B v Prehodu 0), dobimo # vrst vsake relacije $< B$.
 - Če imamo $B > 2\sqrt{L}$, lahko zlijemo vse vrste obeh relacij z enim branjem relacij. Zasežemo 1 stran za eno vrsto relacije in zlivamo n-terke R in S med preverjanjem pogoja stika.
 - *Izboljšava*: V Prehodu 0 lahko z izboljšavo sort. izdelamo vrste dolžine $2B$. Potem je # vrst vsake relacije $< B/2$ (boljše od $< B$). Zlivamo lahko 1x več vrst.
 - **Cena**: branje+pisanje vsake relacije v Prehodu 0 + branje vsake relacije v (edini) fazi zlivanja (pisanje rezultata ne šteje). Skupaj, $3*(M+N)!$
 - **Naš primer**: cena gre dol iz 7500 na 4500 = $3*(1000+500) V/I$.
- V praksi je cena stika uredi-zlivaj, podobno kot cena zunanjega sortiranja, **linearna**.

Razpršilni stik

❖ Porazdeli obe relaciji z razpršilno funkcijo h : n -terice particije i iz R se bodo ujele z n -tericami particije i iz S .



Razpršilni stik

- ❖ # partcij $k < B-1$ (zakaj?), $B-2 >$ velikosti največje particije, ki bo v spominu. Predpostavljamo enakomerno porazdelitev in maksimiziramo k :
 - $k = B-1$, in $M/(B-1) < B-2$, B must be $> \sqrt{M}$
- ❖ Zgradimo razpršilno tabelo v spominu za pohitritev ujemanja n -teric (rabimo malce več spomina).
- ❖ Če razpršilna funkcija ne porazdeli n -teric enakomerno se lahko zgodi, da nekatere particije ne gredo v spomin.
 - Razprševanje lahko naredimo rekurzivno: R -partitico povežemo z ustrezno S -partitico.

Cena razpršilnega stika

- ❖ Faza izdelave part., branje+pisanje obeh rel., $2(M+N)$.
Faza ujemanja, preberi obe rel. = $M+N$ V/I.
- ❖ Naš primer, $3 * (1000+500) = 4500$ V/I.
- ❖ Stik z uredi-zlij vs. Razpršilni stik:
 - Pri minimalni količini spomina imata oba ceno $3(M+N)$ V/I.
 - Razpršilni stik je superioren, če se velikosti relacij bistveno razlikujejo.
 - Razpršilni stik lahko zelo dobro paraleliziramo.
 - Stik z zlivanjem je manj občutljiv na izkrivljene (angl. skewed) podatke; rezultat je sortiran.

Splošni pogoji stika

- ❖ Enakost večih atributov (npr., *R.mid=S.mid AND R.rime=S.mime*):
 - Za vgnez.zanko z indeksom kreiraj indeks na *<mid,mime>* (če je S notranja rel.); ali uporablaj obstoječe indekse na *mid* in *mime*.
 - Za stik sortiranje-zlivanje in razpršilni stik sortiraj/porazdeli s kombinacijo dveh atributov stika.
- ❖ Pogoji neenakosti (npr., *R.rime < S.mime*):
 - Za Vgnezdeni zanki z indeksom uporabi (povezano!) B+ drevo.
 - Stik z zlivanjem in razpršilni stik ni uporaben.
 - Stik Vgnezdeni zanki po blokih bo zelo verjetno dal najboljše rezultate.

Operacije nad množicami

- ❖ Presek in kartezijski produkt sta posebna primera stika.
- ❖ Unija in razlika se implementirata podobno.
- ❖ **Unija s sortiranjem:**
 - Sortiramo obe relaciji (po vseh atributih).
 - Pregled sortiranih relacij in zlivanje
 - *Alternativa:* Zlij vrste iz prehoda 0 iz obeh relacij.
- ❖ **Unija z razpršilno funkcijo:**
 - Porazdeli R in S z uporabo razpršilne funkcije h .
 - Za vsako S -particijo izgradi razpršilno tabelo v spominu (z uporabo h^2), preglej ustrezno R -particijo in dodaj n -terice v tabelo medtem, ko se izloča duplikate.

Agregacijske operacije(AVG,MIN,itd.)

❖ Brez grupiranja:

- V splošnem zahteva pregled relacije.
- Pregled je možen samo z indeksom, če iskalni ključ vsebuje vse attribute v SELECT ali WHERE stavku.

❖ Z grupiranjem:

- Sortiraj po group-by atributih, potem preglej relacijo in izračunaj agregacijske funkcije za vsako skupino.
- Podoben pristop je osnovan na porazdelitvi (razpršitvi) po group-by atributih.
- Z drevesnim indeksom, ki vsebuje attribute v SELECT, WHERE in GROUP BY stavke lahko naredimo pregled samo na osnovi indeksa.
 - Če group-by atributi tvorijo predpono iskalnega ključa, potem lahko preberemo vpise/zapise v vrstnem redu določenem z group-by.

Vpliv izravnalnika

- ❖ Če se več operacij izvaja vzporedno potem je ocenjevanje št. prostih strani v izravnalniku samo predvidevanje.
- ❖ Ponavljajoč vzorec dostopa mora biti usklajen s strategijo zamenjave strani v izravnalniku.
 - Notranja relacija se pregleduje ciklično pri enostavni vgnezdni zanki.
 - Če imamo zadosti strani, da hranimo notranjo relacijo potem zamenjalna strategija ne igra posebne vloge.
 - Sicer pa je najboljša strategija MRU; LRU je najslabša (sekvenčno prelivanje).
 - Ali je zamenjalna strategija pomembna pri vgnezdni zanki po blokih?
 - Kaj pa pri vgnezdni zanki z indeksom? Stik uredi-zlij?

Pregled

- ❖ Relacijski SUPB:
 - *Poizvedbe so sestavljene iz nekaj osnovnih operacij.*
 - Implementacija teh operacij je skrbno uglasena.
 - Podrobnosti pri implementaciji so pomembne!
- ❖ Obstaja več različnih alternativnih implementacij za vsako operacijo; ne obstaja superiorna tehnika za večino operacij.
- ❖ Potrebno je pregledati alternative pri implementaciji vsake operacije v poizvedbi.
 - Izberemo najboljšo strategijo na osnovi statističnih podatkov o tabelah.
 - Izbor ene operacije je del celotnega dela optimizacije celotne poizvedbe.